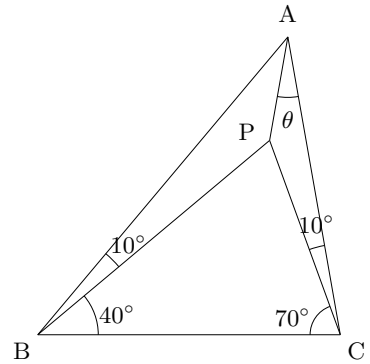


整角三角形 T(10,40,70,10)

問 $\triangle ABC$ の内部に点 P を

$\angle PBA = 10^\circ, \angle PBC = 40^\circ, \angle PCB = 70^\circ, \angle PCA = 10^\circ$

となるようにとるとき、 $\angle PAC$ の大きさを求めよ。



$$\angle CAB = 180^\circ - (10^\circ + 40^\circ + 70^\circ + 10^\circ) = 50^\circ = \angle CBA \text{ より } CA = CB$$

$$\angle BPC = 180^\circ - (40^\circ + 70^\circ) = 70^\circ = \angle BCP \text{ より } BP = BC$$

図のように、 $\triangle BCP$ の内部に CP を一辺とする正三角形 CPQ を作ると

$$\angle BCQ = 70^\circ - 60^\circ = 10^\circ = \angle ACP$$

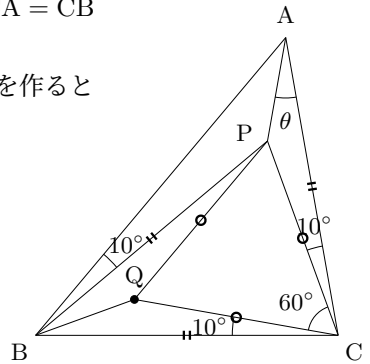
$$BC = AC, CQ = CP \text{ より } \triangle BCQ \equiv \triangle ACP$$

$$\text{したがって, } \angle PAC = \angle QBC$$

$$\text{また, 3 辺相等より } \triangle BCQ \equiv \triangle BPQ$$

$$\text{ゆえに, } \angle QBC = \frac{1}{2} \angle PBC = 20^\circ$$

$$\angle PAC = 20^\circ$$



【予備知識】

$$2(a + b) + c + d = 180^\circ, b + 2c = 180^\circ \text{ ならば}$$

$\triangle CAB$ と $\triangle BCP$ はそれぞれ $CA = CB, BC = BP$ の二等辺三角形である。

$$b = 60^\circ - 2a, c = a + 60^\circ, d = a, 0^\circ < a < 30^\circ \text{ ならば}$$

$$\angle PAC = \frac{1}{2} \angle PBC = \frac{b}{2} = 30^\circ - a$$

5° 単位では、次の 5 通り

a	b	c	d	x
5	50	65	5	25
10	40	70	10	20
15	30	75	15	15
20	20	80	20	10
25	10	85	25	5